التطورات الرتبيبة

الكتاب الأول

تطور جملة ميكانيكية

الوحدة 05

GUEZOURI Aek – lycée Maraval - Oran

تمارين الكتاب

حسب الطبعة الجديدة للكتاب

التمرين 15

السرعة :
$$M$$
 خيث M : كتلة الكوكب الجاذب ، M كتلة القمر $E_C=\frac{1}{2}mv^2=\frac{1}{2}m\frac{GM}{r}$ ، $T=2\pi\sqrt{\frac{r^3}{GM}}$ ، $v=\sqrt{\frac{GM}{r}}$: كتلة القمر

الصناعي ، G: الثابت الكوني . (ارجع للدرس)

التمرين 16

$$T = 2\pi \sqrt{\frac{\left(R_T + h\right)^3}{GM_T}}$$

التمرين 17

المسافة $r_{\rm A} = 7330~{
m km}$ هي المسافة بين مركز الأرض وأبعد نقطة من مدار القمر الصناعي .

. المسافة $r_{
m p}=6610~{
m km}$ هي المسافة بين مركز الأرض وأقرب نقطة من مدار القمر الصناعي

$$(1) T = 2\pi \sqrt{\frac{a^3}{GM_T}} : الدور$$

$$a = \frac{r_A + r_P}{2} = \frac{7330 + 6610}{2} = 6970 \text{ km}$$
 حيث

يمكن حساب الدور بهذه العلاقة ، ويمكن أن نجد عبارة أخرى للدور كما يلي:

على سطح الأرض تكون قوّة التجاذب بين القمر الصناعي والأرض $F = G \frac{mM_T}{R_T^2}$ على سطح الأرض تكون قوّة التجاذب بين القمر الصناعي على

. معيث ${
m g}_0$ هو تسارع الجاذبية الأرضية على سطح الأرض ${
m G}_0$ ، حيث ${
m g}_0$ هو تسارع الجاذبية الأرضية على سطح الأرض

$$T=rac{2\pi}{R_{T}}\sqrt{rac{a^{3}}{g_{0}}}$$
 بالتعویض نجد : $g_{0}=rac{GM_{T}}{R_{T}^{2}}$: ومنه : $g_{0}=rac{GM_{T}}{R_{T}^{2}}$: بالتعویض نجد : $g_{0}=rac{GM_{T}}{R_{T}^{2}}$: بالتعویض نجد

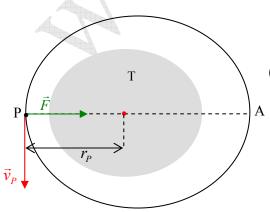
$$T = \frac{6.28}{64 \times 10^5} \sqrt{\frac{\left(6970 \times 10^3\right)^3}{9.81}} = 96.1 \ mn$$
: تطبیق عددي

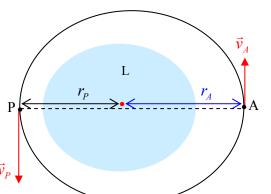
السرعة في أدنى نقطة من المدار:

(2)
$$F = G \frac{mM}{r_P^2}$$
 : كون قوّة التجاذب بين القمر الصناعي والأرض P تكون قوّة التجاذب بين القمر الصناعي

(3)
$$F = m \frac{v_P^2}{r_P}$$
 وحسب القانون الثاني لنيوتن ، فإن هذه القوة هي

.
$$v_P = \sqrt{\frac{GM}{r_P}} = R_T \sqrt{\frac{g_0}{r_P}}$$
 (3) و (2) بالمساواة بين





$$v_P = 2,16 \times 10^3 \ km/h$$

$$v_P = 2,16 \times 10^3 \ km/h$$
 ، $v_P = 64 \times 10^5 \sqrt{\frac{9,81}{6610 \times 10^3}}$: تطبیق عددي

التمرين 18

 $R_{L} = 1728$ km نصف قطر القمر

$$r_P = R_L + 100 = 1728 + 100 = 1828 \text{ km}$$

$$r_{\rm A} = R_{\rm L} + 125 = 1728 + 125 = 1853 \text{ km}$$

$$1,6 \, m/s^2$$
 قيمة g_0 على سطح القمر

$$v_P = \sqrt{\frac{GM_L}{r_P}} = R_L \sqrt{\frac{g_{0,L}}{r_P}} = 1728 \times 10^3 \sqrt{\frac{1,63}{1828 \times 10^3}} = 5874 \ km/h$$
 : السرعة العظمى - 1

$$v_A = \sqrt{\frac{GM_L}{r_A}} = R_L \sqrt{\frac{g_{0,L}}{r_A}} = 1728 \times 10^3 \sqrt{\frac{1,63}{1853 \times 10^3}} = 5834 \; km/h$$
 : السرعة الصغرى –

.
$$GM_L = R_L^2 g_{0,L}$$
 ، $a = R_L + \frac{h_A + h_P}{2} = 1840,5 \; km$ ولدينا $T = 2\pi \sqrt{\frac{a^3}{GM_L}}$: الدور -2

T = 118,5 mn
$$T = \frac{2\pi}{R_L} \sqrt{\frac{a^3}{g_{0,L}}} = \frac{6,28}{1728 \times 10^3} \sqrt{\frac{\left(1840,5 \times 10^3\right)^3}{1,63}}$$

التمرين 19

 $OA = R_T$ النقطة A تنتمى لسطح الأرض ، أي أن A

 $r=R_{T}\cos lpha$ محیث، r مصانعة دائرة نصف قطر ها r محیث OZ محیث A النقطة

تدور النقطة A بنفس السرعة الزاوية للأرض:

$$\omega = \frac{2\pi}{T} = \frac{6,28}{23 \times 3600 + 56 \times 60 + 4} = \frac{6,28}{86164} = 7,28 \times 10^{-5} \, rd.s^{-1}$$

2 - أ) السرعة الخطية للنقطة A:

 $v_A = \omega r = \omega R_T \cos \alpha = 7,28 \times 10^{-5} \times 6,4 \times 10^6 \cos \alpha = 465,9 \cos \alpha$

تسارع النقطة A هو تسارع ناظمي لأن حركتها دائرية منتظمة.

$$a_A = a_n = \omega^2 \ r = \omega^2 R_T \cos \alpha = \left(7,28 \times 10^{-5}\right)^2 \times 6,4 \times 10^6 \cos \alpha = 3,39 \times 10^{-2} \cos \alpha$$
 $v_E = 465,9 \cos 0 = 465,9 m/s \approx 1677 \ km/h : وبالتالي $\alpha = 0$ وبالتالي$

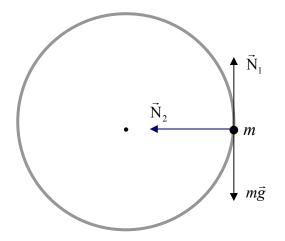
$$a_E = 3.39 \times 10^{-2} rd/s^2$$

$$a_{
m N}=0$$
 ، $v_{
m N}=0$ وبالتالي $r=0$ عند أحد القطبين

$$\frac{g}{a_E} = \frac{9.8}{3.39 \times 10^{-2}} = 112$$
 (2)

التمرين 20

القوة \vec{N}_2 هي القوة التي يضغط بها مسند الكرسي على ظهر المرأة ، وهي القوة المكافئة لقوة الطرد المركزي التي تخضع لها المرأة



$$(1) \quad N_2 = m \frac{v^2}{R} = m \omega^2 R$$
 . عندما تدور العجلة

$$(N=rac{1}{T})$$
 دينا $N=rac{1}{T}$ دينا $\omega=rac{2\pi}{T}=2\pi N$ دينا

التواتر هو عدد الدورات في الثانية أي $N = \frac{5}{60} tr/s$ ، وبالتالي :

$$\omega = 2\pi \frac{5}{60} = 0.52 \ rd/s$$

$$N_2 = 60 \times \left(0,52\right)^2 \times 8 \approx 130 N$$
 : (1) بالتعويض في العلاقة

$$N_2 = P = m \; g = 60 imes 9,81 = 588,6 \; N$$
 القوة \vec{N}_2 هي القوة المكافئة لثقل المرأة ، ومنه

$$F = \sqrt{N_1^2 + N_2^2} = \sqrt{(588, 6)^2 + (130)^2} = 602,8N$$
 : محصلة هاتين القوتين

التمرين 21

نحسب المسافة بين كل نجمين ، فمثلا بين النجمين A و : C

$$AC = r\cos\alpha + r\cos\alpha = 2r\cos\alpha = 2r\frac{\sqrt{3}}{2} = r\sqrt{3}$$

(1)
$$F = G \frac{m^2}{\left(r \sqrt{3}\right)^2} = G \frac{m^2}{3 r^2}$$
 : قوة التجاذب بين هذين النجمين هي

بإهمال تأثيرات الكواكب الأخرى نطبق القانون الثاني لنيوتن:

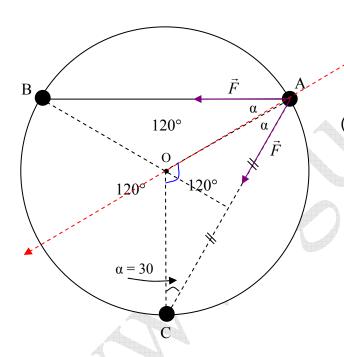
: منه نسقط على المحور الناظمي لمعلم فريني : $\vec{F} + \vec{F} = m\vec{a}$

: وبالنالي ، $F\cos\alpha + F\cos\alpha = ma_n$

(1) من العبارة (2 من العبارة (3 من العبارة (3 من العبارة (1 بين
$$F$$
 من العبارة (1 من

$$\omega^2 = \frac{\sqrt{3}}{3} \frac{Gm}{r^3} = \frac{Gm}{\sqrt{3} r^3}$$
 : ومنه $2G \frac{m^2}{3 r^2} \frac{\sqrt{3}}{2} = m\omega^2 r$

في العلاقة المعطاة في الكتاب : المقصود r وليس R .



التمرين 22

$$T=2\pi\sqrt{rac{\left(R_L+h
ight)^3}{GM_L}}=2\pi\sqrt{rac{3\left(R_L+h
ight)^3}{4\pi GR_L^3\;
ho}}$$
 : دينا الكتلة الحجميّة للقمر $ho=rac{M_L}{V_L}$ ، دور القمر الصناعي $ho=rac{3\pi\left(R_L+h
ight)^3}{GR^3\;T^2}pprox 3334\;kg\,/\,m^3$: ومنه : $ho=rac{3\pi\left(R_L+h
ight)^3}{GR^3\;T^2}pprox 3334\;kg\,/\,m^3$

التمرين 23

 $F_{A/B} = F_{B/A}$ الكواكب الأخرى والتأثير الثقالي يكون كل نجم خاضعا لقوة الكواكب الأخرى والتأثير الثقالي المحالية الكواكب الأخرى والتأثير الثقالي المحالية الكواكب الكواكب



2 - النجمان يدوران حول مركز كتلتيهما .

نحدّد أو لا مركز الكتلة ، والمسمى كذلك مركز الثقل ، والمكافئ في الرياضيات لمركز الأبعاد المتناسبة (المرجح) .

يوجد مركز الكتلة على القطعة المستقيمة AB الواصلة بين مركزي النجمين .

نفرض أن مركز الكتلة يبعد على عن النقطة A بالمسافة x . إذن $m_1 \ x = m_2 \left(r_1 + r_2 - x \right)$

$$x = \frac{m_2}{m_1 + m_2} (r_1 + r_2)$$
 : ومنه

 $F_{A/B} = F_{B/A} = G rac{m_1 m_2}{ig(r_1 + r_2ig)^2}$: قوة التجاذب بين النجمين هي

(1)
$$G \frac{m_1 m_2}{\left(r_1 + r_2\right)^2} = m_1 \frac{v_1^2}{x} = \frac{m_1 v_1^2}{\frac{m_2}{m_1 + m_2} \left(r_1 + r_2\right)}$$
: viii A reliable with A reliable points of the contraction of

(2)
$$v_1^2 = \omega^2 x^2 = \left(\frac{2\pi}{T}\right)^2 \times \left(\frac{m_2}{m_1 + m_2}(r_1 + r_2)\right)^2$$
 من جهة أخرى لدينا

. بتعويض عبارة $V_1^2 = \frac{4\pi^2}{G(m_1 + m_2)} (r_1 + r_2)^3$: نجد (1) نجد (2) في العلاقة (2) بتعويض عبارة $V_1^2 = \frac{4\pi^2}{G(m_1 + m_2)}$

 $ec{F}_{\scriptscriptstyle A/B}$ B

. يمكن بواسطة الملاحظات والقياسات الفلكية أن نقيس r_1 ، r_2 ، r_1 نقيس النجمين والتالي نستنتج مجموع كتلتي النجمين .

التمايان 24

$$T_2 = 2 \ T_1$$
 ومنه $\frac{T_1}{T_2} = 0.5$ ، ومنه $\frac{T_1^2}{T_2^2} = \frac{r_1^3}{r_2^3} = \frac{\left(238020\right)^3}{\left(377400\right)^3} = 0.25$ ، ومنه $\frac{T_1^2}{r_1^3} = \frac{T_2^2}{r_2^3}$: منه کیبار ناثالث لکبار $\frac{T_1}{T_2} = \frac{T_1^2}{r_2^3} = \frac{\left(238020\right)^3}{\left(377400\right)^3} = 0.25$

التمرين 25

1 - القوّة المؤثرة على القمر الصناعي هي قوّة تجاذبه مع الأرض ، وهي قوة متجهة نحو مركز الأرض ، إذن تسارعه متجه نحو
 مركز الأرض ، وبالتالي هو تسارع ناظمي ، إذن حركة القمر الصناعي دائرية منتظمة .

(1)
$$F = G \frac{mM_T}{(R+H)^2} = m \frac{v^2}{(R+H)}$$
 قوّة الجذب بين القمر الصناعي والأرض - 2

: ومنه
$$\frac{4\pi^2}{T^2}(R+H)^2 = \frac{GM_T}{R+H}$$
 : (1) ومنه $v^2 = \omega^2(R+H)^2 = \left(\frac{2\pi}{T}\right)^2(R+H)^2$ الدينا

. (معناه ثابت Cst)
$$\frac{\left(R+H\right)^3}{T^2} = \frac{GM_T}{4\pi^2} = Cst$$

.
$$K = \frac{T^2}{a^3} = \frac{4\pi^2}{GM_T}$$
 في القانون الثالث لكبلر هو

- 3 أ) يتميز القمر ميتيوسات بدوره الذي يساوي الدور اليومي للأرض (s 86146) ، أي أنه يبقى دائما مستقرا فوق نقطة من سطح الأرض على خط الإستواء ، لأنه يدور شرقا ، أي في نفس جهة دوران الأرض .
 - ب) يسمى هذا النوع من الأقمار الصناعية الأقمار المستقرة أرضيا .
- ج) يمثل الدور 8 h 56 mn 4 s دور الأرض اليومي أي الزمن اللازم لمرور بن متعاقبين لنقطة من سطح الأرض مقابلا لنجم ثابت .
 - د) يمكن أن نحسب زمن دورة كاملة للأرض حول نفسها (الدور اليومي) ، ويمكن أن نحسب زمن دورة كاملة للأرض حول الشمس ، ثم نقسم هذا الزمن على عدد الدورات التي قامت بها الأرض حول نفسها أثناء دورانها حول الشمس ، فنجد أن هناك فرقا بين المدتين . نعلم أن الأرض تدور حول نفسها في نفس الجهة التي تدور فيها حول الشمس ، فأثناء هذا الدوران وخلال 365,25 يوم شمسي تنجز الأرض دورة زيادة بالنسبة للنجوم الثابتة وبالتالي يكون الدور اليومي $365,12 = 86164s = 86400 \times 366,25$

. 24 h إذن ليس

$$\frac{\left(R+H\right)^3}{T^2} = \frac{\left(\left(6400+19100\right)\times10^3\right)^3}{\left(40440\right)^2} \approx 10^{13} : 20^{13} - 4$$

$$\frac{\left(R+H\right)^3}{T^2} = \frac{\left(\left(6400+500\right)\times10^3\right)^3}{\left(5700\right)^2} \approx 10^{13} :$$

$$\frac{\left(R+H\right)^3}{T^2} = \frac{\left(\left(6400+35800\right)\times10^3\right)^3}{\left(86160\right)^2} \approx 10^{13}$$
: ميتيوسات

$$M_T = \frac{4\pi^2 \times 10^{13}}{G} = \frac{40 \times 10^{13}}{6,67 \times 10^{-11}} = 6 \times 10^{24} \, kg$$
 ومنه $\frac{GM_T}{4\pi^2} = 10^{13} - 5$

التمرين 26

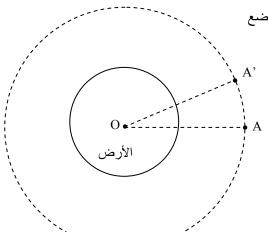
- I

$$v_s = 27360 \; km/h$$
 ، $v_s = \sqrt{\frac{GM_T}{R_T + H}} = \sqrt{\frac{6,67 \times 10^{-11} \times 5,97 \times 10^{24}}{6800 \times 10^3}}$: السرعة - 1

$$T_s = 92,7 \ mn$$
 ، $T_s = 2\pi \sqrt{\frac{\left(R+H\right)^3}{GM_T}} = 6,28 \sqrt{\frac{\left(68\times10^5\right)^3}{6,67\times10^{-11}\times5,97\times10^{24}}}$: الدور $T_s = 92,7 \ mn$

3 - بما أن القمر الصناعي يدور نحو الشرق ، فإنه يدور في نفس جهة دوران الأرض .

نعتبر النقطة A هي النقطة التي يمر بها القمر الصناعي في اللحظة t=0 ، هذه النقطة واقعة على الشاقول المار بالنقطة A من سطح الأرض على خط الإستواء .



عندما يصبح القمر الصناعي للمرة الأولى فوق النقطة A التي تكون قد انتقلت إلى الوضع A'

الأرض (الأرض أنجزت جزءا من الدورة والقمر الصناعي أنجز نفس الجزء

زائد دورة ، إذن الفرق هو دورة)

ليكن t_1 هي المدة التي استغرقها القمر الصناعي حينذاك ، إذن :

 $(1) t_1 = (n+1)T_s$

(2) $t_1 = nT$: وبالنسبة للأرض

حيث T هو دور الأرض حول نفسها . n عدد الدورات

من العلاقتين (1) و (2) نستنتج $\frac{T_s}{T-T_s}$ ، وبالتعويض في العلاقة (2) مثلا ، نجد

وق المجال الزمني الذي يفصل بين مرورين متتاليين للقمر الصناعي فوق $t_1 = T \frac{T_s}{T - T_s} = 1440 \times \frac{92.7}{1440 - 92.7} = 99 \ mn$ نفس النقطة .

– II

1 - في كل دورة ينقص ارتفاع القمر الصناعي عن الأرض ب $\frac{1}{1000}$ من قيمة الارتفاع الذي قبله ، إذن بالنسبة للارتفاع

 $h_{1}=h_{0}-rac{h_{0}}{1000}$ والارتفاع الذي يليه (أي بعد دورة واحدة) يمكن أن نكتب العلاقة من الآن $h_{0}=400~km$

من العلاقة $h_1 = h_0 \times \frac{999}{1000}$ ، نستنتج أن الارتفاعات عبارة عن حدود متتالية هندسية أساسها 0,999 ، نستنتج أن الارتفاعات عبارة عن حدود متتالية هندسية أساسها $h_1 = h_0 \times \frac{999}{1000}$

. وهي العلاقة المطلوبة ، $h_{n+1} = h_n \times \left(1 - \frac{1}{1000}\right)$ وهي العلاقة المطلوبة ، $h_0 = 400 \; km$

 $h_n \approx 100 \; km$ من أجل من أجل . $h_n = h_0 imes \left(1 - \frac{1}{1000}\right)^n$ دينا - 3

(عومنه 1386 من أحد الحدود) من أحد الحدود) من المتتالية ، لكنه قريب من أحد الحدود) من أحد الحدود) h = 100 km